

Zadání:

System s jedním vstupem a výstupem je popsán přenosovou funkcí: $F(s) = \frac{as+1}{s^2+1} = \frac{Y(s)}{U(s)}$.

Nalezněte:

- Časovou odezvu $y(t)$ tohoto systému za předpokladu, že vstupní signál je jednotkový skok v čase nula $u(t)=\underline{1}(t)$, a je konstanta různá od nuly. Řešte explicitně pomocí rozkladu na parciální zlomky.
- Napište pro daný systém jeho diferenciální rovnici.
- Proveďte simulaci systému na modelu v Simulinku pro $a=4$ a pro čas zachycující dynamiku systému.
- Porovnejte tuto odezvu s odezvou získanou pomocí explicitního vztahu výpočtem v Matlabu.
- Frekvenční charakteristiku v logaritmických souřadnicích pomocí asymptot a zkontrolujte pomocí Matlabu.

Řešení:

- a) Ze vztahu $F(s) = \frac{as+1}{s^2+1} = \frac{Y(s)}{U(s)}$ vyjádřím $Y(s)$

$$Y(s) = \frac{as+1}{s^2+1}U(s) \text{ za } U(s) \text{ dosadíme jednotkové skok } \frac{1}{s}$$

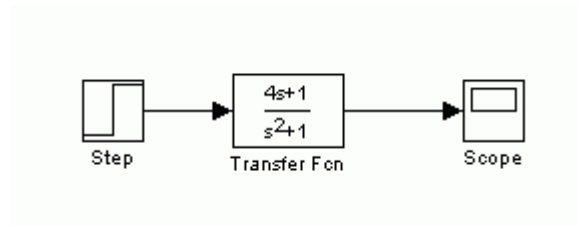
Vztah rozložíme na parciální zlomky $Y(s) = \frac{1}{s} - \frac{s}{s^2+1} + \frac{a}{s^2+1}$ tento výraz převedeme pomocí „slovníkových“ funkcí do časové oblasti

$$\underline{y(t)=1(t)-\cos t + a \sin t}$$

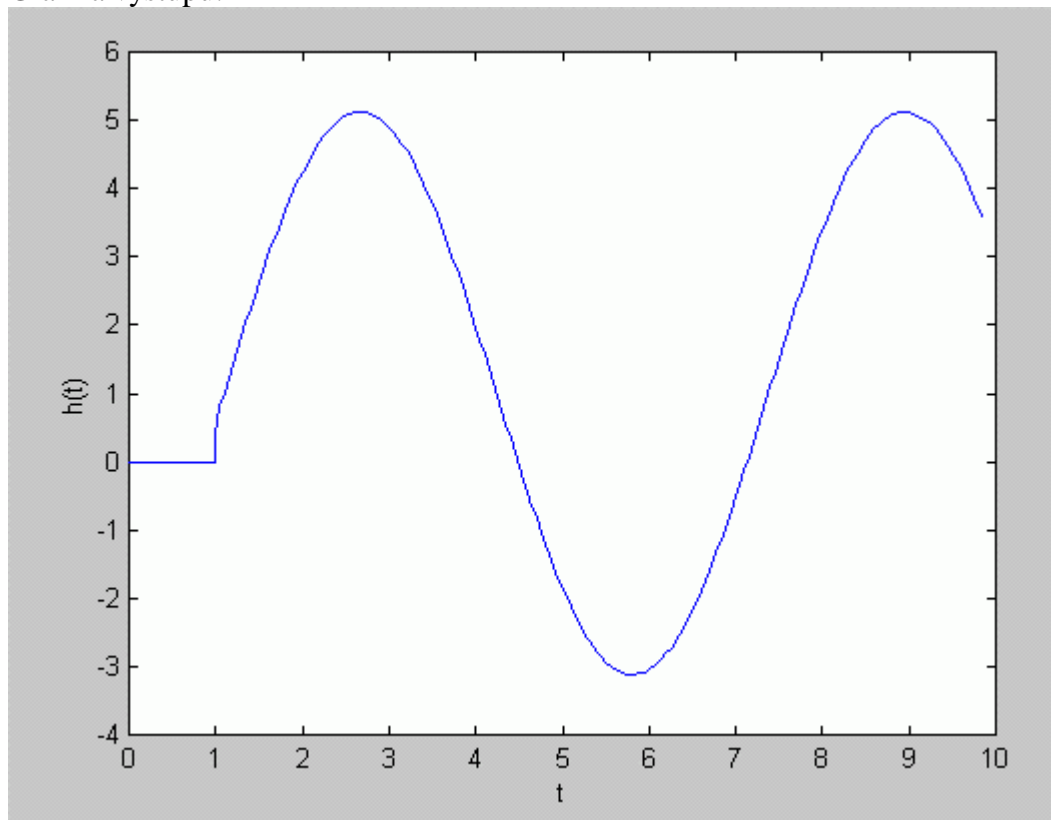
- b) $U(s)(as+1) = Y(s)(s^2+1)$
 $a s U(s) + U(s) = s^2 Y(s) + Y(s)$
 $a \dot{u}(t) + u(t) = \ddot{y}(t) + y(t)$
 $\ddot{y}(t) + y(t) = a \dot{u}(t) + u(t)$

c)

Schéma simulinku:



Graf na výstupu:

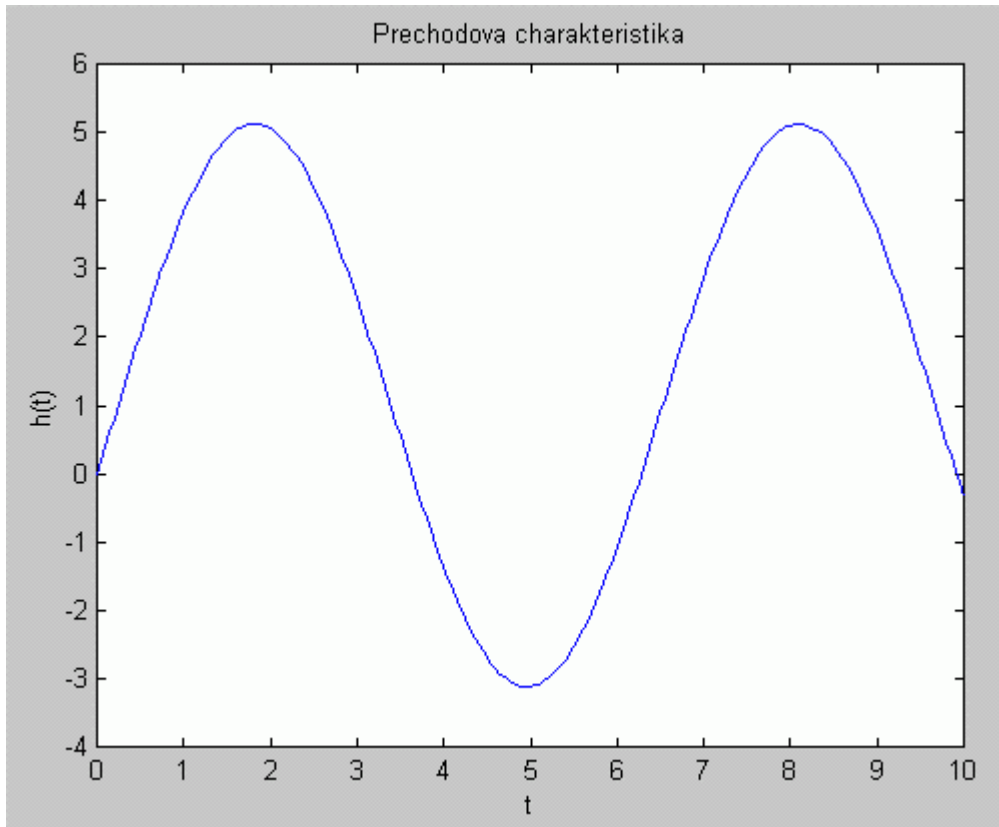


d)

Pomocí těchto příkazů jsem simuloval přechodovou charakteristiku:

```
t=(0:0.05:10);  
plot(t,1-cos(t)+4*sin(t))  
xlabel('t')  
ylabel('h(t)')  
title('Prechodova charakteristika')
```

Přechodová charakteristika:



e)

Frekvenční charakteristiku jsem vytvořil takto:

1) Převedl jsem si přenos na stavové schéma

$$[a,b,c,d]=tf2ss([4 \ 1],[1 \ 0 \ 1])$$

a =

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

b =

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

c =

$$\begin{bmatrix} 4 & 1 \end{bmatrix}$$

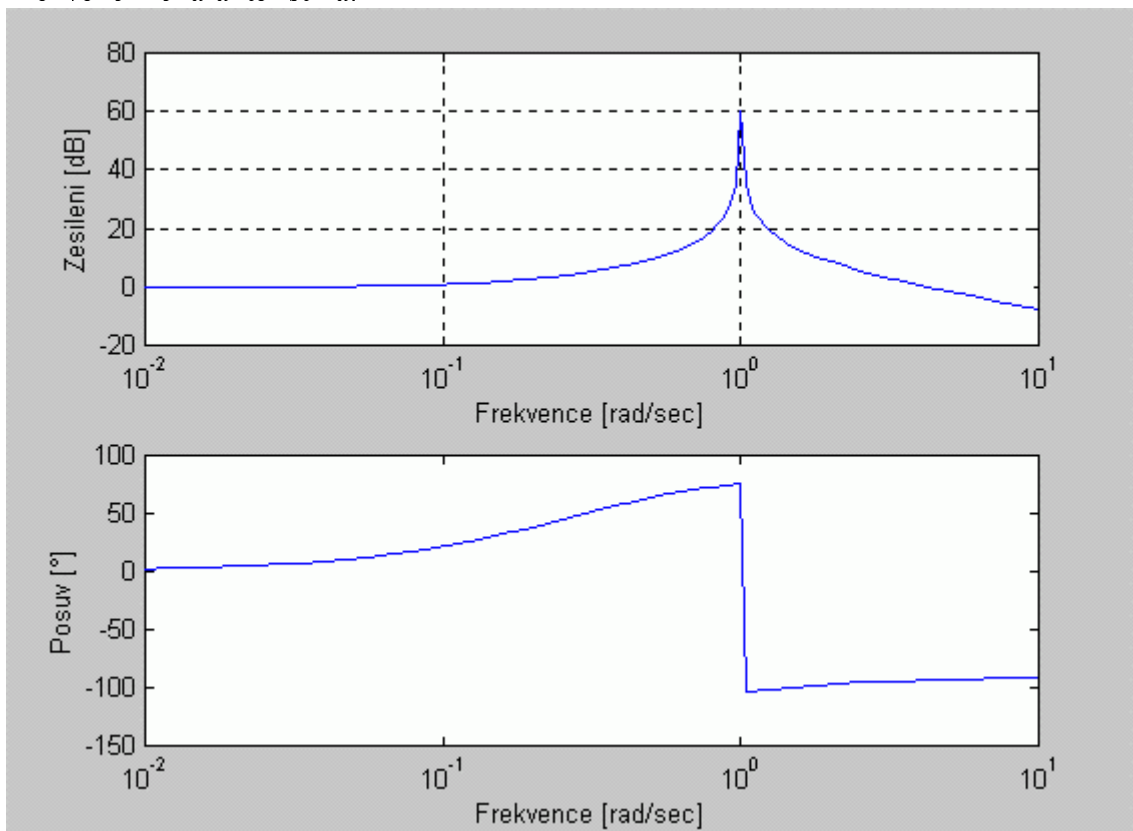
d =

$$0$$

2) Vykreslil jsem frekvenční charakteristiku

bode(a,b,c,d)

Frekvenční charakteristika:



Pozn.: Po zpracování celého úkolu jsem zjistil že lze použít toto:
`bode([4 1],[1 0 1])`

Frekvenční charakteristika pomocí asymptot:

1) Přenos upravíme na následující tvar:

$$F(s) = \frac{4s+1}{s^2+1}$$

$$F(j\omega) = \frac{1+4j\omega}{1+(j\omega)^2} = \frac{1+j\frac{\omega}{\omega_1}}{1+\left(j\frac{\omega}{\omega_2}\right)^2} \quad \text{kde } \omega_1=1/4 \text{ a } \omega_2=1$$

V čitateli je reálný záporný kořen.

Ve jmenovateli dvojice komplexně sdružených kořenů, pro něž platí:

Pro: $\omega/\omega_1 \ll 1$ je $F_{dB}(\omega)=0$ $\varphi(\omega)=0$

Pro: $\omega/\omega_1 \gg 1$ je $F_{dB}(\omega)=2 \cdot 20 \log(\omega/\omega_1)$ $\varphi(\omega)=2 \cdot \pi/2$

Asymptoty pro jednotlivé kořeny již jednoduše nakreslíme a provedeme jejich součet:

